

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**


**Министерство образования и науки Самарской области**

**ГБОУ СОШ №4 п.г.т. Безенчук**

**РАССМОТРЕНО**

На Педагогическом совете  
ГБОУ СОШ №4 п.г.т. Безенчук  
Протокол № 1 от 30.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

Заместитель по УВР  
 Демидова Е.Б.

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор  
  
Шеховцова Л.В.  
Приказ № 295-О от 30.08.2023.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

**МАТЕМАТИКА**

**(углублённый уровень)**

(для 10–11 классов)

**п.г.т. Безенчук 2023**

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Самарской области**

**Юго-Западное управление министерства образования и науки  
Самарской области**

**ГБОУ СОШ №4 п.г.т. Безенчук**

**РАССМОТРЕНО**

На Педагогическом совете  
ГБОУ СОШ №4 п.г.т.  
Безенчук  
Протокол № 1 от 30.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

Заместитель по УВР  
\_\_\_\_\_ Демидова Е.Б.  
Протокол № 1 от 30.08.2023 г

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор  
\_\_\_\_\_ Шеховцова Л.В.  
Приказ № 295-од от 30.08.2023.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 621653)

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.**

**Углубленный уровень»**

для обучающихся 10 – 11 классов

**Безенчук 2023**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные

содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных

задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о

выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 10 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.



Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы,

готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

### **Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;



свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### **Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		Ресурсы ЦОК
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		Ресурсы ЦОК
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		Ресурсы ЦОК
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		Ресурсы ЦОК
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		Ресурсы ЦОК
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		Ресурсы ЦОК
7	Непрерывные функции. Производная	20	1		Ресурсы ЦОК
8	Последовательности и прогрессии	10	1		Ресурсы ЦОК
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		Ресурсы ЦОК
2	Первообразная и интеграл	12	1		Ресурсы ЦОК
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		Ресурсы ЦОК
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		Ресурсы ЦОК
5	Комплексные числа	10	1		Ресурсы ЦОК
6	Натуральные и целые числа	10	1		Ресурсы ЦОК
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		Ресурсы ЦОК
8	Задачи с параметрами	16	1		Ресурсы ЦОК
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	



**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	[[Множество, операции над множествами и их свойства	1				Ресурсы ЦОК
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1				Ресурсы ЦОК
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1				Ресурсы ЦОК
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				Ресурсы ЦОК
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби *	1				Ресурсы ЦОК
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач*	1				Ресурсы ЦОК
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач*	1				Ресурсы ЦОК
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1				Ресурсы ЦОК
9	Арифметические операции с действительными числами	1				Ресурсы ЦОК
10	Модуль действительного числа и его	1				Ресурсы ЦОК

	свойства*					
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений*	1				Ресурсы ЦОК
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				Ресурсы ЦОК
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				Ресурсы ЦОК
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				Ресурсы ЦОК
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1				Ресурсы ЦОК
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1				Ресурсы ЦОК
17	Решение систем линейных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
18	Решение систем линейных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				Ресурсы ЦОК
20	Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				Ресурсы ЦОК



21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений*	1				Ресурсы ЦОК
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений*	1				Ресурсы ЦОК
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1	1			
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций*	1				Ресурсы ЦОК
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1				Ресурсы ЦОК
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1				Ресурсы ЦОК
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1				Ресурсы ЦОК
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1				Ресурсы ЦОК
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1				Ресурсы ЦОК
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций*	1				Ресурсы ЦОК

32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций*	1				Ресурсы ЦОК
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				Ресурсы ЦОК
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				Ресурсы ЦОК
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1				Ресурсы ЦОК
36	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1			
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				Ресурсы ЦОК
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				Ресурсы ЦОК
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				Ресурсы ЦОК
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				Ресурсы ЦОК
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				Ресурсы ЦОК
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК

44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
45	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
49	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				Ресурсы ЦОК
51	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				Ресурсы ЦОК
52	Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1			
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				Ресурсы ЦОК
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				Ресурсы ЦОК

55	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				Ресурсы ЦОК
56	Показательная функция, её свойства и график	1				Ресурсы ЦОК
57	Использование графика функции для решения уравнений	1				Ресурсы ЦОК
58	Использование графика функции для решения уравнений	1				Ресурсы ЦОК
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
61	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
62	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1			Ресурсы ЦОК
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				Ресурсы ЦОК
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				Ресурсы ЦОК
65	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				Ресурсы ЦОК
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1				Ресурсы ЦОК
67	Десятичные и натуральные логарифмы	1				Ресурсы ЦОК
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Ресурсы ЦОК
69	Преобразование выражений, содержащих	1				Ресурсы ЦОК

	логарифмы					
70	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				Ресурсы ЦОК
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				Ресурсы ЦОК
72	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				Ресурсы ЦОК
73	Использование графика функции для решения уравнений	1				Ресурсы ЦОК
74	Использование графика функции для решения уравнений	1				Ресурсы ЦОК
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
77	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
79	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
80	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1			
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс	1				Ресурсы ЦОК

	числового аргумента*					
82	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента*	1				Ресурсы ЦОК
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				Ресурсы ЦОК
84	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				Ресурсы ЦОК
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				Ресурсы ЦОК
86	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				Ресурсы ЦОК
87	Основные тригонометрические формулы	1				Ресурсы ЦОК
88	Основные тригонометрические формулы	1				Ресурсы ЦОК
89	Основные тригонометрические формулы	1				Ресурсы ЦОК
90	Основные тригонометрические формулы	1				Ресурсы ЦОК
91	Преобразование тригонометрических выражений	1				Ресурсы ЦОК
92	Преобразование тригонометрических выражений	1				Ресурсы ЦОК
93	Преобразование тригонометрических выражений	1				Ресурсы ЦОК
94	Преобразование тригонометрических выражений	1				Ресурсы ЦОК
95	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
96	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК

97	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
98	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
99	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
100	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
101	Решение тригонометрических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
102	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1			
103	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1				Ресурсы ЦОК
104	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1				Ресурсы ЦОК
105	Арифметическая прогрессия	1				Ресурсы ЦОК
106	Геометрическая прогрессия	1				Ресурсы ЦОК
107	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1				Ресурсы ЦОК
108	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1				Ресурсы ЦОК
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов*	1				Ресурсы ЦОК
110	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов*	1				Ресурсы ЦОК
111	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера*	1				Ресурсы ЦОК
112	Контрольная работа:	1	1			

	"Последовательности и прогрессии"					
113	Непрерывные функции и их свойства	1				Ресурсы ЦОК
114	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1				Ресурсы ЦОК
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
116	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
117	Метод интервалов для решения неравенств	1				Ресурсы ЦОК
118	Метод интервалов для решения неравенств	1				Ресурсы ЦОК
119	Метод интервалов для решения неравенств	1				Ресурсы ЦОК
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				Ресурсы ЦОК
121	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				Ресурсы ЦОК
122	Первая и вторая производные функции	1				Ресурсы ЦОК
123	Определение, геометрический смысл производной	1				Ресурсы ЦОК
124	Определение, физический смысл производной	1				Ресурсы ЦОК
125	Уравнение касательной к графику функции	1				Ресурсы ЦОК
126	Уравнение касательной к графику функции	1				Ресурсы ЦОК



127	Производные элементарных функций	1				Ресурсы ЦОК
128	Производные элементарных функций	1				Ресурсы ЦОК
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				Ресурсы ЦОК
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				Ресурсы ЦОК
131	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				Ресурсы ЦОК
132	Контрольная работа: "Производная"	1	1			
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				Ресурсы ЦОК
134	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				Ресурсы ЦОК
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Итоговая контрольная работа	1	1			
137	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		137	10	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Ресурсы ЦОК
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
8	Нахождение наибольшего и	1				Ресурсы ЦОК

	наименьшего значения непрерывной функции на отрезке					
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Ресурсы ЦОК
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах*	1				Ресурсы ЦОК
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах*	1				Ресурсы ЦОК
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком*	1				Ресурсы ЦОК
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком*	1				Ресурсы ЦОК

17	Композиция функций	1				Ресурсы ЦОК
18	Композиция функций	1				Ресурсы ЦОК
19	Композиция функций	1				Ресурсы ЦОК
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				Ресурсы ЦОК
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				Ресурсы ЦОК
22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1	1			
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1				Ресурсы ЦОК
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				Ресурсы ЦОК
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				Ресурсы ЦОК
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1				Ресурсы ЦОК
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				Ресурсы ЦОК
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				Ресурсы ЦОК
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур*	1				Ресурсы ЦОК
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел*	1				Ресурсы ЦОК
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				Ресурсы ЦОК

32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений*	1				Ресурсы ЦОК
34	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1	1			
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Ресурсы ЦОК
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Ресурсы ЦОК
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Ресурсы ЦОК
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Ресурсы ЦОК
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Ресурсы ЦОК
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Ресурсы ЦОК
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Ресурсы ЦОК
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Ресурсы ЦОК
43	Отбор корней тригонометрических	1				Ресурсы ЦОК

	уравнений с помощью тригонометрической окружности					
44	Решение тригонометрических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
45	Решение тригонометрических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
46	Решение тригонометрических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
47	Решение тригонометрических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
48	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	1			
49	Основные методы решения показательных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
50	Основные методы решения показательных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
51	Основные методы решения показательных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
52	Основные методы решения показательных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК

56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
63	Графические методы решения показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
64	Графические методы решения показательных неравенств	1				Ресурсы ЦОК
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК

69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1				Ресурсы ЦОК
72	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1			
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				Ресурсы ЦОК
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				Ресурсы ЦОК
75	Арифметические операции с комплексными числами	1				Ресурсы ЦОК
76	Арифметические операции с комплексными числами	1				Ресурсы ЦОК
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1				
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1				Ресурсы ЦОК
79	Формула Муавра. Корни $n$ -ой степени из комплексного числа	1				Ресурсы ЦОК



80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1				Ресурсы ЦОК
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1				Ресурсы ЦОК
82	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1	1			
83	Натуральные и целые числа*	1				Ресурсы ЦОК
84	Натуральные и целые числа*	1				Ресурсы ЦОК
85	Применение признаков делимости целых чисел*	1				Ресурсы ЦОК
86	Применение признаков делимости целых чисел*	1				Ресурсы ЦОК
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК*	1				Ресурсы ЦОК
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК*	1				Ресурсы ЦОК
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю*	1				Ресурсы ЦОК
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю*	1				Ресурсы ЦОК
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах*	1				Ресурсы ЦОК
92	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1	1			
93	Система и совокупность уравнений.	1				Ресурсы ЦОК

	Равносильные системы и системы-следствия					
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1				Ресурсы ЦОК
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1				Ресурсы ЦОК
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1				Ресурсы ЦОК
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				Ресурсы ЦОК
102	Применение систем к решению	1				Ресурсы ЦОК

	математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов					
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				Ресурсы ЦОК
104	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	1			
105	Рациональные уравнения с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
106	Рациональные неравенства с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
107	Рациональные системы с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
109	Иррациональные системы с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
111	Показательные системы с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
113	Логарифмические системы с	1				Ресурсы ЦОК

	параметрами					
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
116	Тригонометрические системы с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1				Ресурсы ЦОК
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами*	1				Ресурсы ЦОК
120	Контрольная работа: «Задачи с параметрами»	1	1			
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Уравнения»	1				Ресурсы ЦОК
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Уравнения»	1				Ресурсы ЦОК
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Уравнения. Системы уравнений»	1				Ресурсы ЦОК

124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Неравенства»	1				Ресурсы ЦОК
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Неравенства»	1				Ресурсы ЦОК
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Неравенства»	1				Ресурсы ЦОК
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Производная и её применение»	1				Ресурсы ЦОК
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Производная и её применение»	1				Ресурсы ЦОК
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Производная и её применение»	1				Ресурсы ЦОК
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Интеграл и его применение»	1				Ресурсы ЦОК
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Функции»	1				Ресурсы ЦОК
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Функции»	1				Ресурсы ЦОК
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: «Функции»	1				Ресурсы ЦОК
134	Итоговая контрольная работа	1	1			
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Повторение, обобщение,	1				Ресурсы ЦОК

	систематизация знаний					
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0		
Примечание: * Отмечены уроки, включающие реализацию профминимума						



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 10 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 11 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации.

10 класс : пособие для учителей общеобразовательных организаций / М. К.

Потапов,

А. В. Шевкин. — М. : Просвещение.

Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации.

11 класс : пособие для учителей общеобразовательных организаций / М. К.

Потапов,

А. В. Шевкин. — М. : Просвещение.



# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

## **ИНТЕРНЕТ**

Ресурсы ЦОК

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Самарской области**

**Юго-Западное управление министерства образования и науки**

**Самарской области**

**ГБОУ СОШ №4 п.г.т. Безенчук**

**РАССМОТРЕНО**

На Педагогическом совете

ГБОУ СОШ №4 п.г.т.

Безенчук

Протокол № 1 от 30.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

Заместитель по УВР

\_\_\_\_\_ Демидова Е.Б.

Протокол № 1 от 30.08.2023 г

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор

\_\_\_\_\_ Шеховцова Л.В.

Приказ № 295-од от 30.08.2023.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 623624)

**учебного предмета «Геометрия. Углубленный уровень»**

для обучающихся 10 – 11 классов

**Безенчук 2023**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при

обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 10 КЛАСС

### **Прямые и плоскости в пространстве**

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

### **Многогранники**

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма:  $n$ -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида:  $n$ -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и

правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

## **11 КЛАСС**

### **Тела вращения**

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника,

описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

### **Движения в пространстве**

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и



самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;

- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;

- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Введение в стереометрию	23	1		Ресурсы ЦОК
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1		Ресурсы ЦОК
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8			Ресурсы ЦОК
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25			Ресурсы ЦОК
5	Углы и расстояния	16	1		Ресурсы ЦОК
6	Многогранники	7	1		Ресурсы ЦОК
7	Векторы в пространстве	12			Ресурсы ЦОК
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2		Ресурсы ЦОК
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		102	6	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1		Ресурсы ЦОК
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1		Ресурсы ЦОК
3	Объём многогранника	17	1		Ресурсы ЦОК
4	Тела вращения	24	1		Ресурсы ЦОК
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1		Ресурсы ЦОК
6	Движения	5	1		Ресурсы ЦОК
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2		Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0	





**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1				Ресурсы ЦОК
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1				Ресурсы ЦОК
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1				Ресурсы ЦОК
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1				Ресурсы ЦОК
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1				Ресурсы ЦОК
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1				Ресурсы ЦОК
7	Аксиомы стереометрии и первые	1				Ресурсы ЦОК

	следствия из них					
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1				Ресурсы ЦОК
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				Ресурсы ЦОК
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				Ресурсы ЦОК
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				Ресурсы ЦОК
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				Ресурсы ЦОК
14	Метод следов для построения сечений	1				Ресурсы ЦОК

15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				Ресурсы ЦОК
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				Ресурсы ЦОК
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				Ресурсы ЦОК
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				Ресурсы ЦОК
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1				Ресурсы ЦОК
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития	1				Ресурсы ЦОК

	планиметрии и стереометрии					
23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	1			
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1				Ресурсы ЦОК
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1				Ресурсы ЦОК
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1				Ресурсы ЦОК
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1				Ресурсы ЦОК
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
30	Понятия: параллельность прямой и	1				Ресурсы ЦОК

	плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости					
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1				Ресурсы ЦОК
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1				Ресурсы ЦОК
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1				Ресурсы ЦОК
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1				Ресурсы ЦОК
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых,	1				Ресурсы ЦОК

	заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями					
38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1				Ресурсы ЦОК
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1				Ресурсы ЦОК
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1				Ресурсы ЦОК
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1				Ресурсы ЦОК
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				Ресурсы ЦОК
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				Ресурсы ЦОК
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1				Ресурсы ЦОК
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
47	Перпендикуляр и наклонная.	1				Ресурсы ЦОК

	Построение перпендикуляра из точки на прямую					
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1				Ресурсы ЦОК
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1				Ресурсы ЦОК
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1				Ресурсы ЦОК
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1				Ресурсы ЦОК
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
53	Ортогональное проектирование	1				Ресурсы ЦОК
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1				Ресурсы ЦОК
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1				Ресурсы ЦОК
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1				Ресурсы ЦОК
58	Правильные многогранники. Расчёт	1				Ресурсы ЦОК



	расстояний от точки до плоскости					
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1				Ресурсы ЦОК
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1				Ресурсы ЦОК
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1				Ресурсы ЦОК
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	1			
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1				Ресурсы ЦОК
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1				Ресурсы ЦОК
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1				Ресурсы ЦОК

69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1				Ресурсы ЦОК
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1				Ресурсы ЦОК
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1				Ресурсы ЦОК
72	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1				Ресурсы ЦОК
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				Ресурсы ЦОК
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1				Ресурсы ЦОК
76	Трёхгранный угол, неравенства для трёхгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1				Ресурсы ЦОК
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1				Ресурсы ЦОК
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	1			

79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1				Ресурсы ЦОК
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1				Ресурсы ЦОК
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1				Ресурсы ЦОК
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1				Ресурсы ЦОК
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1				Ресурсы ЦОК
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1				Ресурсы ЦОК
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	1			
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
87	Сумма векторов	1				Ресурсы ЦОК
88	Разность векторов	1				Ресурсы ЦОК
89	Правило параллелепипеда	1				Ресурсы ЦОК
90	Умножение вектора на число	1				Ресурсы ЦОК
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1				Ресурсы ЦОК
92	Скалярное произведение	1				Ресурсы ЦОК
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1				Ресурсы ЦОК
94	Простейшие задачи с векторами	1				Ресурсы ЦОК

95	Простейшие задачи с векторами	1				Ресурсы ЦОК
96	Простейшие задачи с векторами	1				Ресурсы ЦОК
97	Простейшие задачи с векторами	1				Ресурсы ЦОК
98	Обобщение и систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
99	Обобщение и систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
100	Итоговая контрольная работа	1	1			
101	Итоговая контрольная работа	1	1			
102	Обобщение и систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1				Ресурсы ЦОК
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"*	1				Ресурсы ЦОК
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"*	1				Ресурсы ЦОК
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1				Ресурсы ЦОК
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1				Ресурсы ЦОК
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1				Ресурсы ЦОК
7	Векторное произведение	1				Ресурсы ЦОК
8	Линейные неравенства, линейное программирование*	1				Ресурсы ЦОК
9	Линейные неравенства, линейное программирование*	1				Ресурсы ЦОК
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках*	1				Ресурсы ЦОК
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках*	1				Ресурсы ЦОК

12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах*	1				Ресурсы ЦОК
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе*	1				Ресурсы ЦОК
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде*	1				Ресурсы ЦОК
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	1			
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1				Ресурсы ЦОК
17	Сечения многогранников: метод следов	1				Ресурсы ЦОК
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1				Ресурсы ЦОК
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1				Ресурсы ЦОК
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1				Ресурсы ЦОК
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1				Ресурсы ЦОК
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1				Ресурсы ЦОК
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех	1				Ресурсы ЦОК

	перпендикулярах					
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1				Ресурсы ЦОК
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия*	1				Ресурсы ЦОК
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия*	1				Ресурсы ЦОК
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия*	1				Ресурсы ЦОК
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия*	1				Ресурсы ЦОК
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия*	1				Ресурсы ЦОК
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	1			
31	Объём тела. Объём прямоугольного параллелепипеда*	1				Ресурсы ЦОК
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1				Ресурсы ЦОК
33	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного	1				Ресурсы ЦОК

	параллелепипеда					
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда*	1				Ресурсы ЦОК
35	Объём прямой призмы*	1				Ресурсы ЦОК
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1				Ресурсы ЦОК
37	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы*	1				Ресурсы ЦОК
38	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы*	1				Ресурсы ЦОК
39	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды*	1				Ресурсы ЦОК
40	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1				Ресурсы ЦОК
41	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1				Ресурсы ЦОК
42	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы*	1				Ресурсы ЦОК
43	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1				Ресурсы ЦОК
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы*	1				Ресурсы ЦОК
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы	1				Ресурсы ЦОК



	тел", связанные с объёмом пирамиды*					
46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости*	1				Ресурсы ЦОК
47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	1			
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности*	1				Ресурсы ЦОК
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра*	1				Ресурсы ЦОК
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус*	1				Ресурсы ЦОК
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания*	1				Ресурсы ЦОК
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов*	1				Ресурсы ЦОК
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса*	1				Ресурсы ЦОК
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса*	1				Ресурсы ЦОК
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1				Ресурсы ЦОК
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1				Ресурсы ЦОК
57	Прикладные задачи, связанные с	1				Ресурсы ЦОК

	цилиндром*					
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром*	1				Ресурсы ЦОК
59	Сфера и шар*	1				Ресурсы ЦОК
60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1				Ресурсы ЦОК
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1				Ресурсы ЦОК
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1				Ресурсы ЦОК
63	Симметрия сферы и шара	1				Ресурсы ЦОК
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1				Ресурсы ЦОК
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1				Ресурсы ЦОК
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром*	1				Ресурсы ЦОК
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подобию*	1				Ресурсы ЦОК
68	Различные комбинации тел вращения и	1				Ресурсы ЦОК

	многогранников					
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"*	1				Ресурсы ЦОК
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"*	1				Ресурсы ЦОК
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	1			
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра*	1				Ресурсы ЦОК
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса*	1				Ресурсы ЦОК
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1				Ресурсы ЦОК
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1				Ресурсы ЦОК
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"*	1				Ресурсы ЦОК
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1				Ресурсы ЦОК
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между	1				Ресурсы ЦОК

	площадями поверхностей и объёмами подобных тел*					
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1				Ресурсы ЦОК
80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	1			
81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1				Ресурсы ЦОК
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1				Ресурсы ЦОК
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1				Ресурсы ЦОК
84	Геометрические задачи на применение движения	1				Ресурсы ЦОК
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	1			
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1				Ресурсы ЦОК
87	Обобщающее повторение 11 понятий и	1				Ресурсы ЦОК

	методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"					
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1				Ресурсы ЦОК
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1				Ресурсы ЦОК
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1				Ресурсы ЦОК
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1				Ресурсы ЦОК
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1				Ресурсы ЦОК
93	Итоговая контрольная работа	1	1			
94	Итоговая контрольная работа	1	1			
95	Повторение, обобщение и	1				Ресурсы ЦОК

	систематизация знаний					
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
100	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
101	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий*	1				Ресурсы ЦОК
102	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и	1				Ресурсы ЦОК

	компьютерных технологий*					
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0		
Примечание: * Отмечены уроки, включающие реализацию профминимума						





**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Геометрия, 10 класс/ Александров А.Д., Вернер А.Л., Рыжик В.И.,

Акционерное общество «Издательство «Просвещение»

Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Геометрия, 10 - 11 классы : учебник для общеобразовательных учреждений :

базовый и профильный уровни / Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б.

Кадомцев и др.. Акционерное общество "Издательство" "Просвещение"

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Геометрия. Поурочные разработки. 10—11 классы. Учебное пособие для  
общеобразовательных организаций.

Учебное издание Серия «МГУ — школе»

Саакян Самвел Манасович, Бутузов Валентин Фёдорович

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

**ИНТЕРНЕТ**

Ресурсы ЦОК

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования и науки Самарской области**

**ГБОУ СОШ №4 п.г.т. Безенчук**

**РАССМОТРЕНО**

На Педагогическом совете  
ГБОУ СОШ №4 п.г.т.  
Безенчук

Протокол № 1 от 30.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

Заместитель по УВР

\_\_\_\_\_ Демидова Е.Б.

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор

\_\_\_\_\_ Шеховцова Л.В.

Приказ № 295-од от 30.08.2023.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 625184)

**учебного предмета «Вероятность и статистика. Углубленный уровень»**

для обучающихся 10-11 классов

**Безенчук 2023**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и

знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

### **10 КЛАСС**

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

### **11 КЛАСС**

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**



использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			Ресурсы ЦОК
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			Ресурсы ЦОК
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			Ресурсы ЦОК
4	Элементы комбинаторики	4	1		Ресурсы ЦОК
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5			Ресурсы ЦОК
6	Случайные величины и распределения	14	1		Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			Ресурсы ЦОК
2	Элементы математической статистики	6			Ресурсы ЦОК
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			Ресурсы ЦОК
4	Распределение Пуассона	2			Ресурсы ЦОК
5	Связь между случайными величинами	6			Ресурсы ЦОК
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0	



**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1				Ресурсы ЦОК
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1				Ресурсы ЦОК
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1				Ресурсы ЦОК
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1				Ресурсы ЦОК
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1				Ресурсы ЦОК
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1				Ресурсы ЦОК
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1				Ресурсы ЦОК

8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1				Ресурсы ЦОК
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1				Ресурсы ЦОК
10	Формула полной вероятности	1				Ресурсы ЦОК
11	Формула Байеса. Независимые события	1				Ресурсы ЦОК
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1				Ресурсы ЦОК
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1				Ресурсы ЦОК
14	Формула бинома Ньютона	1				Ресурсы ЦОК
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1			
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1				Ресурсы ЦОК
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1				Ресурсы ЦОК
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1				Ресурсы ЦОК
19	Случайный выбор из конечной	1				Ресурсы ЦОК



	совокупности					
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1				Ресурсы ЦОК
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1				Ресурсы ЦОК
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1				Ресурсы ЦОК
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1				Ресурсы ЦОК
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1				Ресурсы ЦОК
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1				Ресурсы ЦОК
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1				Ресурсы ЦОК
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1				Ресурсы ЦОК
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1				Ресурсы ЦОК

30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
32	Обобщение и систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1			
34	Обобщение и систематизация знаний	1				Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				Ресурсы ЦОК
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				Ресурсы ЦОК
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1				Ресурсы ЦОК
4	Выборочный метод исследований	1				
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1				Ресурсы ЦОК
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1				Ресурсы ЦОК

8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1				Ресурсы ЦОК
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1				Ресурсы ЦОК
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1				Ресурсы ЦОК
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1				Ресурсы ЦОК
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1				Ресурсы ЦОК
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1				Ресурсы ЦОК
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1				Ресурсы ЦОК
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1				Ресурсы ЦОК
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1				Ресурсы ЦОК

19	Совместные наблюдения двух величин	1				Ресурсы ЦОК
20	Выборочный коэффициент корреляции	1				Ресурсы ЦОК
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1				Ресурсы ЦОК
22	Линейная регрессия	1				Ресурсы ЦОК
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				Ресурсы ЦОК
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1				Ресурсы ЦОК
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1				Ресурсы ЦОК
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1				Ресурсы ЦОК
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1				Ресурсы ЦОК
28	Случайные величины и распределения	1				Ресурсы ЦОК
29	Математическое ожидание случайной величины	1				Ресурсы ЦОК
30	Математическое ожидание случайной величины	1				Ресурсы ЦОК
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1			
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических	1				Ресурсы ЦОК

	методов					
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1				Ресурсы ЦОК
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1				Ресурсы ЦОК
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0		



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 10 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа, 11 класс/ Никольский С.М.,

Потапов М.К., Решетников Н.Н. и другие, Акционерное общество

«Издательство «Просвещение»

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации.

10 класс : пособие для учителей общеобразовательных организаций / М.

К. Потапов,

А. В. Шевкин. — М. : Просвещение.

Алгебра и начала математического анализа. Методические

рекомендации. 11 класс : пособие для учителей общеобразовательных

организаций / М. К. Потапов,

А. В. Шевкин. — М. : Просвещение.



# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

## **ИНТЕРНЕТ**

Ресурсы ЦОК